2019年普通高等学校招生全国统一考试

（卷三 四川）文科数学

注意事项：

1．答卷前，考生务必将自己的姓名和准考证号填写在答题卡上。

2．回答选择题时，选出每小题答案后，用铅笔把答题卡对应题目的答案标号涂黑。如需改动，用橡皮擦干净后，再选涂其它答案标号。回答非选择题时，将答案写在答题卡上。写在本试卷上无效。

3．考试结束后，将本试卷和答题卡一并交回。

一、选择题：本题共12小题，每小题5分，共60分。在每小题给的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1．已知集合，则

A． B． C． D．

2．若，则*z*=

A． B． C． D．

3．两位男同学和两位女同学随机排成一列，则两位女同学相邻的概率是

A． B． C． D．

4．《西游记》《三国演义》《水浒传》和《红楼梦》是中国古典文学瑰宝，并称为中国古典小说四大名著.某中学为了解本校学生阅读四大名著的情况，随机调查了100学生，其中阅读过《西游记》或《红楼梦》的学生共有90位，阅读过《红楼梦》的学生共有80位，阅读过《西游记》且阅读过《红楼梦》的学生共有60位，则该校阅读过《西游记》的学生人数与该校学生总数比值的估计值为

A．0.5 B．0.6 C．0.7 D．0.8

5．函数在[0，2π]的零点个数为

A．2 B．3 C．4 D．5

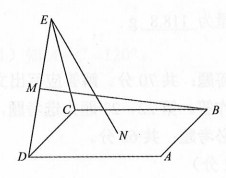
6．已知各项均为正数的等比数列{*an*}的前4项和为15，且*a*5=3*a*3+4*a*1，则*a*3=

A． 16 B． 8 C．4 D． 2

7．已知曲线在点（1，*a*e）处的切线方程为*y*=2*x*+*b*，则

A．*a=*e，*b*=-1 B．*a=*e，*b*=1 C．*a=*e-1，*b*=1 D．*a=*e-1，

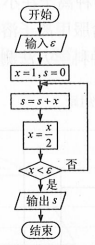
8．如图，点*N*为正方形*ABCD*的中心，△*ECD*为正三角形，平面*ECD*⊥平面*ABCD*，*M*是线段*ED*的中点，则



A．*BM*=*EN*，且直线*BM*、*EN* 是相交直线B．*BM*≠*EN*，且直线*BM*，*EN* 是相交直线C．*BM*=*EN*，且直线*BM*、*EN* 是异面直线

D．*BM*≠*EN*，且直线*BM*，*EN* 是异面直线

9．执行下边的程序框图，如果输入的为，则输出的值等于



A. B.  C.  D. 

10．已知*F*是双曲线*C*：的一个焦点，点*P*在*C*上，*O*为坐标原点，若，则的面积为

A． B． C． D．

11．记不等式组表示的平面区域为*D*.命题；命题.下面给出了四个命题

① ② ③ ④

这四个命题中，所有真命题的编号是

A．①③ B．①② C．②③ D．③④

12．设是定义域为**R**的偶函数，且在单调递减，则

A．（log3）＞（）＞（）

B．（log3）＞（）＞（）

C．（）＞（）＞（log3）

D．（）＞（）＞（log3）

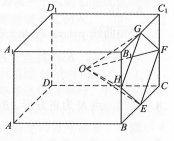
二、填空题：本题共4小题，每小题5分，共20分。

13．已知向量，则\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_.

14．记*Sn*为等差数列{*an*}的前*n*项和，若，则\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_.

15．设为椭圆*C*:的两个焦点，*M*为*C*上一点且在第一象限.若为等腰三角形，则*M*的坐标为\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_.

16．学生到工厂劳动实践，利用3D打印技术制作模型.如图，该模型为长方体挖去四棱锥*O*­−*EFGH*后所得的几何体，其中*O*为长方体的中心，*E*，*F*，*G*，*H*分别为所在棱的中点，，3D打印所用原料密度为0.9 g/cm3，不考虑打印损耗，制作该模型所需原料的质量为\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_g.

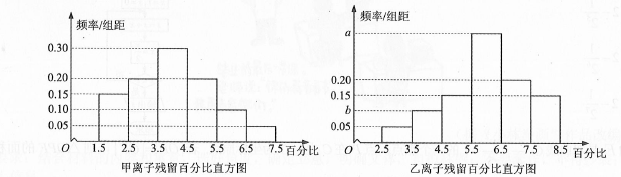


三、解答题：共70分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。第17~21题为必考题，每个试题考生都必须作答。第22、23题为选考题，考生根据要求作答。

（一）必考题：共60分。

17．（12分）

为了解甲、乙两种离子在小鼠体内的残留程度，进行如下试验：将200只小鼠随机分成A，B两组，每组100只，其中A组小鼠给服甲离子溶液，B组小鼠给服乙离子溶液.每只小鼠给服的溶液体积相同、摩尔浓度相同。经过一段时间后用某种科学方法测算出残留在小鼠体内离子的百分比.根据试验数据分别得到如下直方图：



记*C*为事件：“乙离子残留在体内的百分比不低于5.5”，根据直方图得到*P*（*C*）的估计值为0.70.

（1）求乙离子残留百分比直方图中*a*，*b*的值；

（2）分别估计甲、乙离子残留百分比的平均值（同一组中的数据用该组区间的中点值为代表）.

18．（12分）

的内角*A*、*B*、*C*的对边分别为*a*、*b*、*c*，已知．

（1）求*B*；

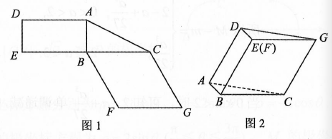
（2）若△*ABC*为锐角三角形，且*c*=1，求△*ABC*面积的取值范围．

19．（12分）

图1是由矩形*ADEB*、*ABC*和菱形*BFGC*组成的一个平面图形，其中*AB*=1，*BE*=*BF*=2，*∠FBC*=60°.将其沿*AB*，*BC*折起使得*BE*与*BF*重合，连结*DG*，如图2.

（1）证明图2中的*A*，*C*，*G*，*D*四点共面，且平面*ABC*⊥平面*BCGE*；

（2）求图2中的四边形*ACGD*的面积.



20．（12分）

已知函数.

（1）讨论的单调性；

（2）当0<*a*<3时，记在区间[0，1]的最大值为*M*，最小值为*m*，求的取值范围.

21．（12分）

已知曲线*C*：*y*=，*D*为直线*y*=上的动点，过*D*作*C*的两条切线，切点分别为*A*，*B*.

（1）证明：直线*AB*过定点：

（2）若以*E*(0，)为圆心的圆与直线*AB*相切，且切点为线段*AB*的中点，求该圆的方程.

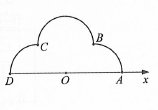
（二）选考题：共10分。请考生在第22、23题中任选一题作答。如果多做，则按所做的第一题计分。

22．[选修4-4：坐标系与参数方程]（10分）

如图，在极坐标系*Ox*中，，，，，弧，，所在圆的圆心分别是，，，曲线是弧，曲线是弧，曲线是弧.

（1）分别写出，，的极坐标方程；

（2）曲线由，，构成，若点在*M*上，且，求*P*的极坐标.



23．[选修4-5：不等式选讲]（10分）

设，且.

（1）求的最小值；

（2）若成立，证明：或.

2019年普通高等学校招生全国统一考试

文科数学·参考答案

一、选择题

1．A 2．D 3．D 4．C 5．B 6．C 7．D 8．B 9．C 10．B 11．A 12．C

二、填空题

13． 14．100 15． 16．118.8

三、解答题

17．解：（1）由已知得0.70=*a*+0.20+0.15，故*a*=0.35．

*b*=1–0.05–0.15–0.70=0.10．

（2）甲离子残留百分比的平均值的估计值为

2×0.15+3×0.20+4×0.30+5×0.20+6×0.10+7×0.05=4.05．

乙离子残留百分比的平均值的估计值为

3×0.05+4×0.10+5×0.15+6×0.35+7×0.20+8×0.15=6.00．

18．解：（1）由题设及正弦定理得．

因为sin*A*0，所以．

由，可得，故．

因为，故，因此*B*=60°．

（2）由题设及（1）知的面积．

由正弦定理得．

由于为锐角三角形，故0°<*A*<90°，0°<*C*<90°.由（1）知*A*+*C*=120°，所以30°<*C*<90°，故，从而．

因此，面积的取值范围是．

19．解：（1）由已知得*AD**BE*，*CG**BE*，所以*AD**CG*，故*AD*，*CG*确定一个平面，从而*A*，*C*，*G*，*D*四点共面．

由已知得*AB**BE*，*AB**BC*，故*AB*平面*BCGE*．

又因为*AB*平面*ABC*，所以平面*ABC*平面*BCGE*．

（2）取*CG*的中点*M*，连结*EM*，*DM.*

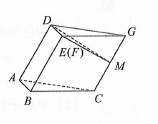
因为*AB*//*DE*，*AB*平面*BCG*E，所以*DE*平面*BCGE*，故*DE**CG*.

由已知，四边形*BCGE*是菱形，且∠*EBC*=60°得*EM**CG*，故*CG*平面*DEM.*

因此*DM**CG*.

在*DEM*中，*DE*=1，*EM*=，故*DM*=2.

所以四边形*ACGD*的面积为4.



20. 解：（1）．

令，得*x*=0或.

若*a*>0，则当时，；当时，．故在单调递增，在单调递减；

若*a*=0，在单调递增；

若*a*<0，则当时，；当时，．故在单调递增，在单调递减.

（2）当时，由（1）知，在单调递减，在单调递增，所以在[0,1]的最小值为，最大值为或.于是

，

所以

当时，可知单调递减，所以的取值范围是.

当时，单调递减，所以的取值范围是.

综上，的取值范围是.

21．解：（1）设，则.

由于，所以切线*DA*的斜率为，故 .

整理得

设，同理可得.

故直线*AB*的方程为.

所以直线*AB*过定点.

（2）由（1）得直线*AB*的方程为.

由，可得.

于是.

设*M*为线段*AB*的中点，则.

由于，而，与向量平行，所以.解得*t*=0或.

当=0时，**=2，所求圆的方程为；

当时，**，所求圆的方程为.

22.解：（1）由题设可得，弧所在圆的极坐标方程分别为，，.

所以的极坐标方程为，的极坐标方程为，的极坐标方程为.

（2）设，由题设及（1）知

若，则，解得；

若，则，解得或；

若，则，解得.

综上，*P*的极坐标为或或或.

23．解：（1）由于



，

故由已知得，

当且仅当*x*=，，时等号成立．

所以的最小值为.

（2）由于





，

故由已知，

当且仅当，，时等号成立．

因此的最小值为．

由题设知，解得或．